Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа дисциплины		The Law mounts



## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина	Основы теории кодирования
Факультет	Математики, информационных и авиационных технологий
Кафедра	Прикладной математики
Курс	3

Направление (специальность): 01.03.02Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль/специализация): Имитационное моделирование и анализ данных

Форма обучения: очная

Дата введения в учебный процесс УлГУ:

1 сентября 2023 г.

Программа актуализирована на заседании кафедры: протокол № 10	от _2	1.05. 202	4 г.
Программа актуализирована на заседании кафедры: протокол №	от	20	Γ.
Программа актуализирована на заседании кафедры: протокол №	от	20	_Γ.

## Сведения о разработчиках:

ФИО	Кафедра	Должность, ученая степень, звание
Богданов А.Ю.	ПМ	Доцент, к.ф.м.н., доцент

СОГЛАСОВАНО
Заведующий выпускающей кафедрой при-
кладной математики

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа дисциплины		The state of the s

## 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ:

**Цели освоения дисциплины:** Данная дисциплина знакомит студентов с важнейшими методами теории кодирования, как теоретическими, так и численными. В процессе обучения студенты должны усвоить методику дисциплины и приобрести навыки исследования и решения задач теории кодирования. Достижение этих целей обеспечивает выпускнику получение высшего профессионально профилированного образования и обладание перечисленными ниже общими и предметно-специализированными компетенциями. Дисциплина непосредственно связана с дисциплинами "Алгебра и геометрия", "Комбинаторика", "Дискретная математика и математическая логика".

Задачи освоения дисциплины: Предметом изучения являются общая алгебраическая теория кодирования, линейные коды, полиномиальная интерпретация линейного кода, циклические коды, установление обобщающих связей между различными прикладными разделами алгебры.

#### 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП:

Дисциплина «Основы теории кодирования» (Б1.В.1.ДВ.04.02) относится к дисциплинам Вариативной части Блока 1 «Дисциплины (модули)» Основной Профессиональной Образовательной Программы по направлению подготовки –01.03.02Прикладная математика и информатика.

Для изучения этой дисциплины необходимы знания основных методов линейной алгебры, комбинаторики и дискретной математики. Дисциплина закладывает фундаментальные математические знания, необходимые для изучения основных курсов, посвященных аналитическому математическому и имитационному компьютерному моделированию реальных объектов, а также других дисциплин вариативной части профессионального цикла этой ОПОП и для прохождения государственной итоговой аттестации.

Данная дисциплина базируется на входных знаниях, умениях, навыках и компетенциях студента, полученных им при изучении предшествующих учебных дисциплин, указанных в Приложении к данной рабочей программе: Введение в специальность, Архитектура компьютеров, Языки и методы программирования, Операционные системы, Инновационная экономика и технологическое предпринимательство, Современные технологии программирования, Базы данных, Профессиональный иностранный язык, Статистические пакеты обработки данных, Управление стартапами в технологическом предпринимательстве, 1С:Предприятие для программистов и системных администраторов, Разработка требований и проектирование программного обеспечения, Современные финансовые инструменты технологического предпринимательства,

Результаты освоения дисциплины будут необходимы для дальнейшего процесса обучения в рамках поэтапного формирования компетенций при изучении последующих дисциплин: Дополнительные главы математической статистики, Программирование для Интернет, Компьютерные модели случайных процессов, Разработка мобильных приложений, Управление по неполным данным, Проектная деятельность, Факультатив "Основы нейронных сетей", Компьютерная графика, Управляемые стохастические системы, Преддипломная практика, Подготовка и сдача государственного экзамена, Подготовка и защита ВКР.

## 3. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа дисциплины		The Law and the

## (МОДУЛЮ), СООТНЕСЕННЫХ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОС-ВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРО-ГРАММЫ

Процесс изучения дисциплины в соответствии с  $\Phi \Gamma OC$  ВО по направлению подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика направлен на формирование следующих компетенций:

Код и наименование реализуе-	Перечень планируемых результатов обучения по дисци-
мой компетенции	плине (модулю), соотнесенных с индикаторами дости-
	жения компетенций
ПК-4 – способность осуществлять целенаправленный поиск информации о новейших научных и технологических достижениях в информационно-	Знать: основные теоретические положения теории кодирования, методы решения и исследования важнейших типовых задач, важнейшие алгоритмы кодирования.
телекоммуникационной сети «Интернет» (далее – сеть «Интернет») и в других источниках; ПК-6 – способность к планированию и осуществлению профессиональной деятельности с учетом специфики прикладной математи-	Уметь: правильно проводить математическую формализацию задач, выбирать адекватные математические модели, математически корректно применять методы теории кодирования, выполнять интерпретацию математических результатов для реальных систем.  Владеть: знаниями основных понятий, утверждений, а так-
ки и информатики	же методами теории кодирования, как теоретическими, так
	и численными.

## 4. ОБЩАЯ ТРУДОЕМКОСТЬ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1. Объем дисциплины в зачетных единицах (всего): 4 зачетные единицы.

## 4.2. Объем дисциплины по видам учебной работы (в часах):

	Количество часов (форма обучения очная)			
Вид учебной работы	Всего по плану	В т.ч. по семестрам 6 семестр		
1	2	3		
Контактная работа обучающихся с	36	36/36*		
преподавателем в соответствии с УП				
Аудиторные занятия:	36	36/36*		
лекции	18	18/18*		
Семинары и практические занятия	18	18/18*		
Лабораторные работы, практикумы	-	-		
Самостоятельная работа	72	72		
Форма текущего контроля знаний и	устный оп-	устный опрос,		
контроля	poc,	проверка решения задач,		
самостоятельной работы: тестирова-	проверка	1 контрольная работа		
ние, контр. работа, коллоквиум, ре-	решения за-			

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа дисциплины		No. of the last of

ферат и др. (не менее 2 видов)	дач, 1 контрольная работа	
Курсовая работа	-	-
Виды промежуточной аттестации	экзамен	экзамен
(экзамен, зачет)		
Всего часов по дисциплине	144	144

<sup>\*</sup>В случае необходимости использования в учебном процессе частично/исключительно дистанционных образовательных технологий в таблице через слеш указывается количество часов работы ППС с обучающимися для проведения занятий в дистанционном формате с применением электронного обучения

# 4.3. Содержание дисциплины (модуля). Распределение часов по темам и видам учебной работы:

Форма обучения: очная.

		Виды учебных занятий				Форма	
		A	Аудиторные заня				текущего
Название разделов и тем	Все-го	Лек- ции	Практиче- ские заня- тия, семи- нары	Лабора- торные ра- бо- ты,практи кумы	Заняти- яв ин- терак- тивной форме	Само- стоя- тельная работа	контроля знаний
1	2	3	4	5	6	7	8
	Разде	ел 1. Осно	вные задачи т	еории кодирог	вания		
Этапы становления теории кодирования. Значение трудов Н. Винера и К. Шеннона. Блок-схема системы связи, преобразование сигнала в канале связи. Идея кодирования. Блоковые коды. Задачи кодера и декодера. Расстояние Хэмминга, разрежённость кода. Количество кодовых слов в шаре радиуса <i>r</i> . Число исправляемых ошибок и разрежённость кода. Основные задачи теории кодирования, математическая формализация канала связи.	10	2	2	-	4	6	Устный опрос, проверка решения задач
		л 2. Важн	ейшие алгебра	аические струг	ктуры	T	
Важнейшие алгебраические структуры. Определение и простейшие свойства групп. Абелевы группы, изоморфизм. Группа перестановок, её свойства. Определение и простейшие свойства	17	3	2	-	5	12	Устный опрос, проверка решения задач

Министерство н Ульяновский						Форма		
Ф-Рабоча	я программ	па дисциплин	ы					
								<u>'</u>
колец. Примеры колец.								
Конечные кольца. Коль-								
цо $\mathbf{Z}_{n}$ . Поля. Теорема о								
порядке конечного поля.								
Свойство мультиплика-								
тивной группы конечно-								
го поля. Векторные про-								
странства над конечны-								
ми полями.		D	Э П У					
Линейный код и его по-	27	<b>Pa</b> 3	дел 3. Линейн 4	ые ко	<u>ды</u> -	9	18	Устный
рождающая матрица.	21	]	7		-	,	10	опрос,
Декодирование с помо-								проверка
щью порождающей мат-								решения
рицы. Существование								задач
порождающей матрицы								зада 1
эквивалентного кода в								
систематическом виде.								
Проверочная матрица								
линейного кода как по-								
рождающая матрица								
двойственного ко-								
да.Теорема о провероч-								
ной матрице для линей-								
ного кода с "системати-								
ческой" порождающей								
матрицей. Пример. Раз-								
режённость линейного								
кода, связь с "антиран-								
гом" проверочной мат-								
рицы. Неравенство								
Синглтона. Коды с мак-								
симальной разрежённо-								
стью. Пример. Декоди-								
рование линейных ко-								
дов. Разложение на								
смежные классы и стан-								
дартная таблица декоди-								
рования. Граница на-								
дёжности. Пример. Син-								
дромная таблица деко-								
дирования. Пример. Со-								
вершенные коды. Би-								
нарные коды Хэмминга,								
их совершенность. Де-								
кодирование кодов								
Хэмминга по провероч-								
ной матрице $H$ . Пример.								
Коды Рида-Маллера, их								
свойства.	DEG = 4 F		0 77 770			×		
Кольцо вычетов	<u>здел <b>4. 1</b></u> 27	<b>1олиноми</b> 5	альная интері 4	трета: 	ция лине -	йного кода 9	18	Устный
, and the second							10	опрос,
$F_{q}[x]/(g(x));$ крите-								проверка
рий того, что это кольцо								решения
является полем. Пример.								задач
Полиномиальная интер-								
претация линейного ко-								
да.Первая конструкция								
полиномиальных кодов.								

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа дисциплины		A CONTRACTOR OF THE PARTY OF TH

Делимые коды. Порож-							
дающий многочлен. По-							
строение порождающей							
матрицы делимого кода							
по порождающему мно-							
гочлену. Несохранение							
свойства делимости у							
двойственного и эквива-							
лентного кодов. Мо-							
дульное умножение.							
Вторая конструкция по-							
линомиальных кодов.							
			ел 5. Цикличе	ские коды	1	r	
Циклические коды и их	27	5	4	-	9	18	Устный
полиномиальные интер-							опрос,
претации. Теорема о							проверка
свойствах порождающе-							решения
го многочлена. Прове-							задач,
рочный многочлен цик-							контроль-
лического кода. Теорема							ная работа
о свойствах проверочно-							•
го многочлена. Построе-							
ние проверочной матри-							
цы циклического кода							
по проверочному много-							
члену. Декодирование							
циклических кодов. По-							
линомиально-							
синдромная таблица де-							
кодирования. Пример.							
Циклические коды в							
расширенном поле. Ус-							
= =							
ловие принадлежности							
многочлена полиноми-							
альному циклическому							
коду в терминах корней							
его порождающего мно-							
гочлена. Метод построе-							
ния делимых и цикличе-							
ских кодов с помощью							
элементов расширенного							
поля. Пример. Пакеты							
ошибок. Теорема об ис-							
правлении пакета оши-							
бок циклическим кодом.							
Коды Боуза-Чоудхури-							
Хоквингема, их пара-							
метры. Теорема о связи							
конструктивной разре-							
жённости БЧХ-кода с							
его разрежённостью.							
Примеры синтеза БЧХ-							
кодов длины 15, исправ-							
ляющих 2, 3, 4 ошибки.							
Код Рида-Соломона,							
теорема о свойствах его							
параметров. Пример.							
экзамен	36						
Итого 6 семестр	144	20	16	_	36	72	
Всего	144	20	16		36	72	
Deero	177	20	10	_	50	14	

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа дисциплины		The Care in the last

#### 5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИЛИНЫ (МОДУЛЯ)

#### Раздел 1. Основные задачи теории кодирования

Этапы становления теории кодирования. Значение трудов Н. Винера и К. Шеннона. Блоксхема системы связи, преобразование сигнала в канале связи. Идея кодирования. Блоковые коды. Задачи кодера и декодера. Расстояние Хэмминга, разрежённость кода. Количество кодовых слов в шаре радиуса r. Число исправляемых ошибок и разрежённость кода. Основные задачи теории кодирования, математическая формализация канала связи.

#### Раздел 2. Важнейшие алгебраические структуры

Важнейшие алгебраические структуры. Определение и простейшие свойства групп. Абелевы группы, изоморфизм. Группа перестановок, её свойства. Определение и простейшие свойства колец. Примеры колец. Конечные кольца. Кольцо  $\mathbf{Z}_n$ . Поля. Теорема о порядке конечного поля. Свойство мультипликативной группы конечного поля. Векторные пространства над конечными полями.

#### Раздел 3. Линейные коды

Линейный код и его порождающая матрица. Декодирование с помощью порождающей матрицы. Существование порождающей матрицы эквивалентного кода в систематическом виде. Проверочная матрица линейного кода как порождающая матрица двойственного кода. Теорема о проверочной матрице для линейного кода с "систематической" порождающей матрицей. Пример. Разрежённость линейного кода, связь с "антирангом" проверочной матрицы. Неравенство Синглтона. Коды с максимальной разрежённостью. Пример. Декодирование линейных кодов. Разложение на смежные классы и стандартная таблица декодирования. Граница надёжности. Пример. Синдромная таблица декодирования. Пример.

Совершенные коды. Бинарные коды Хэмминга, их совершенность. Декодирование кодов Хэмминга по проверочной матрице *H*. Пример. Коды Рида-Маллера, их свойства.

## Раздел 4. Полиномиальная интерпретация линейного кода

Кольцо вычетов  $F_q[x]/(g(x))$ ; критерий того, что это кольцо является полем. Пример. Полиномиальная интерпретация линейного кода. Первая конструкция полиномиальных кодов. Делимые коды. Порождающий многочлен. Построение порождающей матрицы делимого кода по порождающему многочлену. Не сохранение свойства делимости у двойственного и эквивалентного кодов. Модульное умножение. Вторая конструкция полиномиальных кодов.

#### Раздел 5. Циклические коды

Циклические коды и их полиномиальные интерпретации. Теорема о свойствах порождающего многочлена. Проверочный многочлен циклического кода. Теорема о свойствах проверочного многочлена. Построение проверочной матрицы циклического кода по проверочному многочлену. Декодирование циклических кодов. Полиномиально-синдромная таблица декодирования. Пример. Циклические коды в расширенном поле. Условие при-

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа дисциплины		The state of the s

надлежности многочлена полиномиальному циклическому коду в терминах корней его порождающего многочлена. Метод построения делимых и циклических кодов с помощью элементов расширенного поля. Пример. Пакеты ошибок. Теорема об исправлении пакета ошибок циклическим кодом. Коды Боуза-Чоудхури-Хоквингема, их параметры. Теорема о связи конструктивной разрежённости БЧХ-кода с его разрежённостью. Примеры синтеза БЧХ-кодов длины 15, исправляющих 2, 3, 4 ошибки. Код Рида-Соломона, теорема о свойствах его параметров. Пример.

## 6. ТЕМЫ ПРАКТИЧЕСКИХ И СЕМИНАРСКИХ ЗАНЯТИЙ

- 1) Расстояние Хэмминга, разрежённость кода. Количество кодовых слов в шаре радиуса r.
- 2) Число исправляемых ошибок и разрежённость кода.
- 3) Важнейшие алгебраические структуры. Группа перестановок, её свойства.
- 4) Важнейшие алгебраические структуры. Конечные кольца. Кольцо $\mathbf{Z}_{n}$ .
- 5) Линейный код и его порождающая матрица.
- 6) Проверочная матрица линейного кода как порождающая матрица двойственного кода.
- 7) Разрежённость линейного кода, связь с "антирангом" проверочной матрицы. Неравенство Синглтона. Коды с максимальной разрежённостью.
- 8) Декодирование линейных кодов. Разложение на смежные классы и стандартная таблица декодирования. Граница надёжности.
- 9) Синдромная таблица декодирования. Совершенные коды.
- 10) Бинарные коды Хэмминга, их совершенность. Декодирование кодов Хэмминга по проверочной матрице *H*. Коды Рида-Маллера, их свойства.
- 11) Полиномиальная интерпретация линейного кода. Первая конструкция полиномиальных кодов. Делимые коды. Порождающий многочлен.
- 12) Построение порождающей матрицы делимого кода по порождающему многочлену. Несохранение свойства делимости у двойственного и эквивалентного кодов.
- 13) Модульное умножение. Вторая конструкция полиномиальных кодов. Циклические коды и их полиномиальные интерпретации.
- 14) Проверочный многочлен циклического кода. Построение проверочной матрицы циклического кода по проверочному многочлену.
- 15) Декодирование циклических кодов. Полиномиально-синдромная таблица декодирования. Пример.
- 16) Построение делимых и циклических кодов с помощью элементов расширенного поля. Пример.
- 17) Примеры синтеза БЧХ-кодов. Коды Рида-Соломона. Контрольная работа.

#### 7. ЛАБОРАТОРНЫЕ РАБОТЫ, ПРАКТИКУМЫ

Данный вид работы не предусмотрен учебным планом.

#### 8. ТЕМАТИКА КУРСОВЫХ, КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ, РЕФЕРАТОВ

Выполнение курсовых работ и рефератов не предусмотрено учебным планом.

#### Примерная тематика контрольных работ по дисциплине:

Вариант 1

 $3a\partial a + a 1$ . Пусть порождающая матрица кода  $K_0$ над  $F_2$  имеет вид



Ф-Рабочая программа дисциплины

$$G = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Требуется найти:

- а) Все элементы кода $K_0$ , его разреженность.
- б) КодK, эквивалентный коду $K_0$ , имеющий порождающую матрицу Gв систематическом виде.
- в) Проверочную матрицу Н кодаК.
- $\Gamma$ ) Проверочную матрицу  $H_0$  кода $K_0$ .

3aдача 2. Построить поле  $F_8$ . Дать запись его элементов в двух формах (как многочленов и как степеней примитивного элемента).

 $3a\partial a va\ 3$ . . Составить таблицы сложения и умножения кольца  $F_3[x]|(x-1)$ . Найти мультипликативную группу этого кольца.

Задача 4. Пусть K – линейный (6,3)-код над  $F_2$ , общее кодовое слово которого имеет вид  $v = (v_1, v_2, v_3, v_2 + v_3, v_1 + v_2, v_1 + v_2 + v_3)$ .

- 1) Составить стандартную таблицу декодирования кода K; декодировать принятые слова: 111001...
- 2) Составить синдромную таблицу декодирования кода K; декодировать принятые слова: 111001...

#### Вариант 2

 $3 a \partial a a a 1$ . Пусть порождающая матрица кода  $K_0$ над  $F_2$  имеет вид

$$G = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

Требуется найти:

- а) Все элементы кода $K_0$ , его разреженность.
- б) КодK, эквивалентный коду $K_0$ , имеющий порождающую матрицу Gв систематическом виде.
- в) Проверочную матрицу Н кодаК.
- г) Проверочную матрицу  $H_0$  кода $K_0$ .

 $3a\partial a va$  2. Построить поле  $F_8$ . Дать запись его элементов в двух формах (как многочленов и как степеней примитивного элемента).

3адача 3. Составить таблицы сложения и умножения кольца  $F_2[x]|(x^3-1)$ . Найти мультипликативную группу этого кольца.

Задача 4. Пусть K – линейный (6,3)-код над  $F_2$ , общее кодовое слово которого имеет вид  $v = (v_1, v_2, v_3, v_1 + v_2, v_1 + v_3, v_1 + v_2 + v_3)$ .

1) Составить стандартную таблицу декодирования кода K; декодировать принятые слова: 111001,...

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа дисциплины		The Larce State of the Larce of

2) Составить синдромную таблицу декодирования кода K; декодировать принятые слова: 111001,...

#### 9. ПЕРЕЧЕНЬ ВОПРОСОВ К ЭКЗАМЕНУ

- 1. Этапы становления теории кодирования. Значение трудов Н. Винера и К. Шеннона.
- 2. Блок-схема системы связи, преобразование сигнала в канале связи.
- 3. Идея кодирования. Блоковые коды. Задачи кодера и декодера.
- 4. Расстояние Хэмминга, разрежённость кода. Количество кодовых слов в шаре радиуса r.
- 5. Число исправляемых ошибок и разрежённость кода.
- 6. Основные задачи теории кодирования, математическая формализация канала связи.
- 7. Важнейшие алгебраические структуры. Определение и простейшие свойства групп. Абелевы группы, изоморфизм.
- 8. Важнейшие алгебраические структуры. Группа перестановок, её свойства.
- 9. Важнейшие алгебраические структуры. Определение и простейшие свойства колец. Примеры колец.
- 10. Важнейшие алгебраические структуры. Конечные кольца. Кольцо $\mathbf{Z}_{\mathrm{n}}$ .
- 11. Важнейшие алгебраические структуры. Поля. Теорема о порядке конечного поля. Свойство мультипликативной группы конечного поля.
- 12. Векторные пространства над конечными полями.
- 13. Линейный код и его порождающая матрица.
- 14. Декодирование с помощью порождающей матрицы. Существование порождающей матрицы эквивалентного кода в систематическом виде.
- 15. Проверочная матрица линейного кода как порождающая матрица двойственного кода.
- 16. Теорема о проверочной матрице для линейного кода с "систематической" порождающей матрицей. Пример.
- 17. Разрежённость линейного кода, связь с "антирангом" проверочной матрицы.
- 18. Неравенство Синглтона. Коды с максимальной разрежённостью. Пример.
- 19. Декодирование линейных кодов. Разложение на смежные классы и стандартная таблица декодирования. Граница надёжности. Пример.
- 20. Синдромная таблица декодирования. Пример. Совершенные коды.
- 21. Бинарные коды Хэмминга, их совершенность.
- 22. Декодирование кодов Хэмминга по проверочной матрице *H*. Пример.
- 23. Коды Рида-Маллера, их свойства.
- 24. Кольцо вычетов  $F_a[x]/(g(x))$ ; критерий того, что это кольцо является полем. Пример.
- 25. Полиномиальная интерпретация линейного кода.
- 26. Первая конструкция полиномиальных кодов. Делимые коды. Порождающий многочлен.
- 27. Построение порождающей матрицы делимого кода по порождающему многочлену.
- 28. Не сохранение свойства делимости у двойственного и эквивалентного кодов.
- 29. Модульное умножение. Вторая конструкция полиномиальных кодов.
- 30. Циклические коды и их полиномиальные интерпретации. Теорема о свойствах порождающего многочлена.
- 31. Проверочный многочлен циклического кода. Теорема о свойствах проверочного многочлена.
- 32. Построение проверочной матрицы циклического кода по проверочному многочлену.
- 33. Декодирование циклических кодов. Полиномиально-синдромная таблица декодирования. Пример.

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа дисциплины		The Lorent will

- 34. Циклические коды в расширенном поле. Условие принадлежности многочлена полиномиальному циклическому коду в терминах корней его порождающего многочлена.
- 35. Метод построения делимых и циклических кодов с помощью элементов расширенного поля. Пример.
- 36. Пакеты ошибок. Теорема об исправлении пакета ошибок циклическим кодом.
- 37. Коды Боуза-Чоудхури-Хоквингема, их параметры.
- 38. Теорема о связи конструктивной разрежённости БЧХ-кода с его разрежённостью.
- 39. Примеры синтеза БЧХ-кодов длины 15, исправляющих 2, 3, 4 ошибки.
- 40. Код Рида-Соломона, теорема о свойствах его параметров. Пример.

## 10. САМОСТОЯТЕЛЬНАЯ РАБОТА ОБУЧАЮЩИХСЯ

Форма обучения: очная.

Название разделов и тем	Вид самостоятельной работы	Объ-	Форма контроля			
	(проработка учебного материа-	ем в	(проверка реше-			
	ла, решение задач, реферат,	часах	ния задач, рефе-			
	доклад, контрольная работа,		рата и др.)			
	подготовка к сдаче зачета, эк-					
	замена и др.)					
Раздел 1. Основные задачи теории кодирования						
Этапы становления теории кодирования.	Проработка учебного материала,		устный опрос			
Значение трудов Н. Винера и К. Шенно-	подготовка к сдаче зачета	1				
на.Блок-схема системы связи, преобразо-		1				
вание сигнала в канале связи.						
Идея кодирования. Блоковые коды. Задачи	Проработка учебного материала,	2	устный опрос			
кодера и декодера	подготовка к сдаче зачета					
Расстояние Хэмминга, разрежённость ко-	Проработка учебного материала,		устный опрос,			
да. Количество кодовых слов в шаре ра-	подготовка к сдаче зачета	1	проверка реше-			
диуса $r$ .			ния задач			
Число исправляемых ошибок и разрежён-	Проработка учебного материала,		устный опрос,			
ность кода.	подготовка к сдаче зачета	2	проверка реше-			
ность кода.			ния задач			
Основные задачи теории кодирования, ма-	Проработка учебного материала,	1	устный опрос			
тематическая формализация канала связи.	подготовка к сдаче зачета	1				
	нейшие алгебраические структуры					
Определение и простейшие свойства	Проработка учебного материала,	1	устный опрос			
групп. Абелевы группы, изоморфизм.	подготовка к сдаче зачета	1				
Группа перестановок, её свойства.						
Определение и простейшие свойства ко-	Проработка учебного материала,	1	устный опрос			
лец. Примеры колец.	подготовка к сдаче зачета	1				
Определение и простейшие свойства ко-	Проработка учебного материала,	1	устный опрос			
лец. Примеры колец.	подготовка к сдаче зачета	1				
Конечные кольца. Кольцо $\mathbf{Z}_{n}$ .	Проработка учебного материала,	1	устный опрос			
	подготовка к сдаче зачета	1				
Поля. Теорема о порядке конечного поля.	Проработка учебного материала,		устный опрос			
Свойство мультипликативной группы ко-	подготовка к сдаче зачета	1				
нечного поля.						
Векторные пространства над конечными	Проработка учебного материала,	1	устный опрос			
полями.	подготовка к сдаче зачета	1				
	здел 3. Линейные коды					
Линейный код и его порождающая матри-	Проработка учебного материала,	2	устный опрос			
ца.	подготовка к сдаче зачета					
Декодирование с помощью порождающей	Проработка учебного материала,		устный опрос,			
матрицы. Существование порождающей	подготовка к сдаче зачета	2	проверка реше-			
матрицы эквивалентного кода в система-			ния задач			
тическом виде.						

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа дисциплины		No. of Control of Cont

			T
Проверочная матрица линейного кода как	Проработка учебного материала,	2	устный опрос
порождающая матрица двойственного ко-	подготовка к сдаче зачета	2	
да. Теорема о проверочной матрице для ли-	Проработка учебного материала,		устный опрос
нейного кода с "систематической" порож-	подготовка к сдаче зачета	2	устный опрос
дающей матрицей. Пример.	подготовка к едаче зачета	2	
Разрежённость линейного кода, связь с	Проработка учебного материала,		устный опрос,
"антирангом" проверочной матрицы.	подготовка к сдаче зачета	1	проверка реше-
			ния задач
Неравенство Синглтона. Коды с макси-	Проработка учебного материала,		устный опрос,
мальной разрежённостью. Пример.	подготовка к сдаче зачета	2	проверка реше-
			ния задач
Декодирование линейных кодов. Разложе-	Проработка учебного материала,		устный опрос,
ние на смежные классы и стандартная таб-	подготовка к сдаче зачета	2	проверка реше-
лица декодирования. Граница надёжности.		_	ния задач
Пример.	H. C. C.		,
Синдромная таблица декодирования. При-	Проработка учебного материала,	2	устный опрос,
мер. Совершенные коды.	подготовка к сдаче зачета	2	проверка реше-
Бинарные коды Хэмминга, их совершен-	Проработка учебного материала,		ния задач
ность.	подготовка к сдаче зачета	2	устный опрос, проверка реше-
HOCIB.	подготовка к сдаче зачета	2	ния задач
Декодирование кодов Хэмминга по прове-	Проработка учебного материала,		устный опрос,
рочной матрице $H$ . Пример.	подготовка к сдаче зачета	1	проверка реше-
pe men marpinge 220 12pm ep.	nogratasia kagara sa iara	-	ния задач
Коды Рида-Маллера, их свойства.	Проработка учебного материала,		устный опрос,
	подготовка к сдаче зачета	2	проверка реше-
			ния задач
Раздел 4. Полином	иальная интерпретация линейных код	цов	
Кольцо вычетов $F_q[x]/(g(x))$ ; критерий	Проработка учебного материала,		устный опрос
того, что это кольцо является полем. При-	подготовка к сдаче зачета	2	
мер.			
Полиномиальная интерпретация линейно-	Проработка учебного материала,	_	устный опрос
го кода.	подготовка к сдаче зачета	1	
Первая конструкция полиномиальных ко-	Проработка учебного материала,		устный опрос,
дов. Делимые коды. Порождающий много-	подготовка к сдаче зачета	2	проверка реше-
член.			ния задач
Построение порождающей матрицы дели-	Проработка учебного материала,		устный опрос,
мого кода по порождающему многочлену.	подготовка к сдаче зачета	2	проверка реше-
			ния задач
Несохранение свойства делимости у двой-	Проработка учебного материала,	1	устный опрос
ственного и эквивалентного кодов.	подготовка к сдаче зачета		
Модульное умножение. Вторая конструк-	Проработка учебного материала,	2	устный опрос,
ция полиномиальных кодов.	подготовка к сдаче зачета	2	проверка реше-
n	 		ния задач
Разд Циклические коды и их полиномиальные	цел 5. Циклические коды Проработка учебного материала,		устини опрос
интерпретации. Теорема о свойствах по-	подготовка к сдаче зачета	1	устный опрос
рождающего многочлена.	подготовка к одале зачета	1	
Проверочный многочлен циклического ко-	Проработка учебного материала,		устный опрос
да. Теорема о свойствах проверочного	подготовка к сдаче зачета	2	Januari Sirpo
многочлена.	.,	_	
Построение проверочной матрицы цикли-	Проработка учебного материала,		устный опрос,
ческого кода по проверочному многочле-	подготовка к сдаче зачета	2	проверка реше-
ну.			ния задач
	ПСС		устный опрос,
Декодирование циклических кодов. Поли-	Проработка учебного материала,		устный опрос,
Декодирование циклических кодов. Полиномиально-синдромная таблица декодиро-	подготовка к сдаче зачета	2	проверка реше-

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа дисциплины		No. of the last of

Циклические коды в расширенном поле. Условие принадлежности многочлена полиномиальному циклическому коду в терминах корней его порождающего многочлена.	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета	2	устный опрос
Метод построения делимых и циклических кодов с помощью элементов расширенного поля. Пример.	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета	2	устный опрос
Пакеты ошибок. Теорема об исправлении пакета ошибок циклическим кодом.	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета	1	устный опрос
Коды Боуза-Чоудхури-Хоквингема, их параметры.	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета	2	устный опрос
Теорема о связи конструктивной разрежённости БЧХ-кода с его разрежённостью.	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета	2	устный опрос
Примеры синтеза БЧХ-кодов длины 15, исправляющих 2, 3, 4 ошибки.	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета	2	устный опрос, проверка реше- ния задач
Код Рида-Соломона, теорема о свойствах его параметров. Пример.	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета	2	устный опрос, проверка реше- ния задач

## 11. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИС-ЦИПЛИНЫ

## а) Список рекомендуемой литературы

## Основная литература

- 1. Сидельников, В. М. Теория кодирования. / Сидельников В. М. Москва : ФИЗ-МАТЛИТ, 2008. 324 с. ISBN 978-5-9221-0943-7. Текст : электронный // ЭБС "Консультант студента" : [сайт]. URL : https://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785922109437.html
- 2. Курапова, Е. В. Основные методы кодирования данных : практикум / Е. В. Курапова, Е. П. Мачикина. Новосибирск : Сибирский государственный университет телекоммуникаций и информатики, 2010. 62 с. ISBN 2227-8397. Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. URL: http://www.iprbookshop.ru/55454.html

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа дисциплины		The state of the s

#### Дополнительная

- 1. Марков, Александр Александрович. Введение в теорию кодирования : учеб. пособие для вузов / Марков Александр Александрович. Москва : Наука, 1982.
- 2. Санников, В. Г. Теория информации и кодирования : учебное пособие / В. Г. Санников. Москва : Московский технический университет связи и информатики, 2015. 95 с. ISBN 2227-8397. Текст : электронный // Электроннобиблиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. URL: http://www.iprbookshop.ru/61558.html
- 3. Теория информации и кодирование / Б. Б. Самсонов и др. Ростов-на-Дону : Феникс, 2002. 288 с.
- 4. Богданов Андрей Юрьевич. Основы теории кодирования : учеб.-метод. пособие / Богданов Андрей Юрьевич; УлГУ, ФМИиАТ, Каф. прикл. математики. Ульяновск : УлГУ, 2018. Загл. с экрана. Электрон. текстовые дан. (1 файл : 1,25 Мб). URL: <a href="http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Download/MObject/1199">http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Download/MObject/1199</a>

#### Учебно-методическая

1. Богданов А. Ю. Методические указания для самостоятельной работы по дисциплине «Основы теории кодирования» для направления 01.03.02 «Прикладная математика и информатика» профиль «Имитационное моделирование и анализ данных» / А. Ю. Богданов; УлГУ, ФМИиАТ. - Ульяновск : УлГУ, 2019. - Загл. с экрана; Неопубликованный ресурс. - Электрон. текстовые дан. (1 файл : 684 КБ).— URL: http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Download/MObject/7618

Согласовано:		$\Omega$		
Специалист ведущий НБ УлГУ	Боброва Н.А.	(DOE) / 1	(	2023
Должность сотрудника научной библиотеки	ФИО	подпись	дата	

- б) Программное обеспечение: стандартные средства ОС.
- в) Профессиональные базы данных, информационно-справочные системы
- в) Профессиональные базы данных, информационно-справочные системы

#### 1. Электронно-библиотечные системы:

- 1.1. Цифровой образовательный ресурс IPRsmart : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Компания «Ай Пи Ар Медиа». Саратов, [2023]. URL: <a href="http://www.iprbookshop.ru">http://www.iprbookshop.ru</a>. Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. Текст : электронный.
- 1.2. Образовательная платформа ЮРАЙТ : образовательный ресурс, электронная библиотека : сайт / ООО Электронное издательство «ЮРАЙТ». Москва, [2023]. URL: https://urait.ru. Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. Текст : электронный.
- 1.3. База данных «Электронная библиотека технического ВУЗа (ЭБС «Консультант студента») : электронно-библиотечная система : сайт / ООО «Политехресурс». Москва, [2023]. URL: <a href="https://www.studentlibrary.ru/cgi-bin/mb4x">https://www.studentlibrary.ru/cgi-bin/mb4x</a>. Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. Текст : электронный.
- 1.4. Консультант врача. Электронная медицинская библиотека: база данных: сайт / ООО «Высшая школа организации и управления здравоохранением-Комплексный медицинский консалтинг». Москва, [2023]. URL: <a href="https://www.rosmedlib.ru">https://www.rosmedlib.ru</a>. Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. Текст: электронный.

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа дисциплины		The same of the sa

- 1.5. Большая медицинская библиотека : электронно-библиотечная система : сайт / OOO «Букап». Томск, [2023]. URL: <a href="https://www.books-up.ru/ru/library/">https://www.books-up.ru/ru/library/</a> . Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. Текст : электронный.
- 1.6. ЭБС Лань : электронно-библиотечная система : сайт / ООО ЭБС «Лань». Санкт-Петербург, [2023]. URL: <a href="https://e.lanbook.com">https://e.lanbook.com</a>. Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. Текст : электронный.
- 1.7. ЭБС Znanium.com : электронно-библиотечная система : сайт / ООО «Знаниум». Москва, [2023]. URL: <a href="http://znanium.com">http://znanium.com</a>. Режим доступа : для зарегистрир. пользователей. Текст : электронный.
- **2. Консультант** Плюс [Электронный ресурс]: справочная правовая система. / ООО «Консультант Плюс» Электрон. дан. Москва : КонсультантПлюс, [2023].
  - 3. Базы данных периодических изданий:
- 3.1. eLIBRARY.RU: научная электронная библиотека: сайт / ООО «Научная Электронная Библиотека». Москва, [2023]. URL: <a href="http://elibrary.ru">http://elibrary.ru</a>. Режим доступа: для авториз. пользователей. Текст: электронный
- 3.2. Электронная библиотека «Издательского дома «Гребенников» (Grebinnikon) : электронная библиотека / ООО ИД «Гребенников». Москва, [2023]. URL: <a href="https://id2.action-media.ru/Personal/Products">https://id2.action-media.ru/Personal/Products</a>. Режим доступа : для авториз. пользователей. Текст : электронный.
- **4.** Федеральная государственная информационная система «Национальная электронная библиотека» : электронная библиотека : сайт / ФГБУ РГБ. Москва, [2023]. URL: <a href="https://нэб.рф">https://нэб.рф</a>. Режим доступа : для пользователей научной библиотеки. Текст : электронный.
- **5.** <u>Российское образование</u> : федеральный портал / учредитель ФГАУ «ФИЦТО». URL: <a href="http://www.edu.ru">http://www.edu.ru</a>. Текст : электронный.
- **6.** Электронная библиотечная система УлГУ: модуль «Электронная библиотека» АБИС Мега-ПРО / ООО «Дата Экспресс». URL: <a href="http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Web">http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Web</a>. Режим доступа: для пользователей научной библиотеки. Текст: электронный.

Согласовано:	Eyndien	0.0.
Должность сотрудника УИТиТ	ФИО	подпись дата

Аудитории для проведения лекций, семинарских занятий, для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации, групповых и индивидуальных консультаций.

## 13. СПЕЦИАЛЬНЫЕ УСЛОВИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ С ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ

В случае необходимости, обучающимся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья (по заявлению обучающегося) могут предлагаться одни из следующих вариантов восприятия информации с учетом их индивидуальных психофизических особенностей:

- для лиц с нарушениями зрения: в печатной форме увеличенным шрифтом; в форме электронного документа; в форме аудиофайла (перевод учебных материалов в аудиоформат); в печатной форме на языке Брайля; индивидуальные консультации с привлечением тифлосурдопереводчика; индивидуальные задания и консультации;
  - для лиц с нарушениями слуха: в печатной форме; в форме электронного докумен-

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа дисциплины		No. of the last of

та; видеоматериалы с субтитрами; индивидуальные консультации с привлечением сурдопереводчика; индивидуальные задания и консультации;

– для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата: в печатной форме; в форме электронного документа; в форме аудиофайла; индивидуальные задания и консультации.

Разработчик	My	доцент	Богданов А.Ю.	
_		должность	ФИО	

Министерство науки и высшего образования РФ Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа дисциплины		No. of the control of

## ЛИСТ ИЗМЕНЕНИЙ

No	Содержание изменения	ФИО заведующего ка-	Подпись	Дата
п/п	или ссылка на прилагае-	федрой, реализующей		
	мый текст изменения	дисциплину/вы-		
		пускающей кафедрой		
1	Внесение изменений в п.п.			21.05.2024
	в) Профессиональные базы	Бутов А.А.	. /	
	данных, информационно-		Du	
	справочные системы п. 11		/ /	
	«Учебно-методическое и			
	информационное обеспе-			
	чение дисциплины» с			
	оформлением приложения			

Приложение 1

- б) Программное обеспечение: МойОфис Стандартный, Альт Рабочая станция 8.
  - в) Профессиональные базы данных, информационно-справочные системы

#### 1. Электронно-библиотечные системы:

- 1.1. Цифровой образовательный ресурс IPRsmart : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Компания «Ай Пи Ар Медиа». Саратов, [2024]. URL: <a href="http://www.iprbookshop.ru">http://www.iprbookshop.ru</a>. Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. Текст : электронный.
- 1.2. Образовательная платформа ЮРАЙТ: образовательный ресурс, электронная библиотека: сайт / ООО Электронное издательство ЮРАЙТ. Москва, [2024]. URL: <a href="https://urait.ru">https://urait.ru</a>. Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. Текст: электронный.
- 1.3. База данных «Электронная библиотека технического ВУЗа (ЭБС «Консультант студента») : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Политехресурс. Москва, [2024]. URL: <a href="https://www.studentlibrary.ru/cgi-bin/mb4x">https://www.studentlibrary.ru/cgi-bin/mb4x</a>. Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. Текст : электронный.
- 1.4. Консультант врача. Электронная медицинская библиотека : база данных : сайт / ООО Высшая школа организации и управления здравоохранением-Комплексный медицинский консалтинг. Москва, [2024]. URL: <a href="https://www.rosmedlib.ru">https://www.rosmedlib.ru</a>. Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. Текст : электронный.
- 1.5. Большая медицинская библиотека : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Букап. Томск, [2024]. URL: <a href="https://www.books-up.ru/ru/library/">https://www.books-up.ru/ru/library/</a> . Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. Текст : электронный.
- 1.6. ЭБС Лань : электронно-библиотечная система : сайт / ООО ЭБС Лань. Санкт-Петербург, [2024]. URL: <a href="https://e.lanbook.com">https://e.lanbook.com</a>. Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. Текст : электронный.
- 1.7. ЭБС Znanium.com : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Знаниум. Москва, [2024]. URL: <a href="http://znanium.com">http://znanium.com</a> . Режим доступа : для зарегистрир. пользователей. Текст : электронный.
- **2. КонсультантПлюс** [Электронный ресурс]: справочная правовая система. / ООО «Консультант Плюс» Электрон. дан. Москва : КонсультантПлюс, [2024].
- **3.** Базы данных периодических изданий: eLIBRARY.RU: научная электронная библиотека: сайт / ООО «Научная Электронная Библиотека». Москва, [2024]. URL: <a href="http://elibrary.ru">http://elibrary.ru</a>. Режим доступа: для авториз. пользователей. Текст: электронный
- **4.** Федеральная государственная информационная система «Национальная электронная библиотека» : электронная библиотека : сайт / ФГБУ РГБ. Москва, [2024]. URL: <a href="https://нэб.pф">https://нэб.pф</a>. Режим доступа : для пользователей научной библиотеки. Текст : электронный.
- **5.** <u>Российское образование</u> : федеральный портал / учредитель ФГАУ «ФИЦТО». URL: <a href="http://www.edu.ru">http://www.edu.ru</a>. Текст : электронный.
- **6.** Электронная библиотечная система УлГУ: модуль «Электронная библиотека» АБИС Мега-ПРО / ООО «Дата Экспресс». URL: <a href="http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Web">http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Web</a>. Режим доступа: для пользователей научной библиотеки. Текст: электронный.

Форма 18 из 18